

Catherine d'Andrea

1707

1818

Une histoire des

# MATHÉMATIQUES

et des

# MATHÉMATICIENS

Du XVII<sup>e</sup> au XX<sup>e</sup> siècle

1741

1647

ellipses

# Sommaire

Partie 1. Les mathématiciens des temps modernes .....	11
Chapitre 1. René Descartes « Le rationaliste » .....	13
Le discours de la méthode .....	15
Le crâne de Descartes.....	15
La géométrie analytique.....	16
Les fonctions et les applications .....	18
Courbes de fonctions .....	20
Chapitre 2. Cavalieri « L'innovateur ».....	23
Théorème de Cavalieri.....	24
Les indivisibles de Cavalieri .....	24
On peut utiliser cette méthode pour calculer certaines aires.....	25
Chapitre 3. Fermat « Le prince des amateurs ».....	28
Le petit théorème de Fermat.....	29
Les nombres de Fermat .....	30
Le grand théorème de Fermat.....	30
Tangentes des lignes courbes.....	31
Les dérivées.....	33
On peut ainsi déterminer la dérivée des fonctions usuelles .....	34
Application aux formules trigonométriques .....	39
Chapitre 4. Pascal « Le mystique ».....	40
Le problème du chevalier de Méré.....	42
La nuit du mémorial .....	44
Le pari de Pascal.....	45
Leibniz et Newton.....	46
Les carrosses à 5 sols.....	46

Théorème de Pascal.....	48
La cycloïde .....	50
<b>Chapitre 5. Wallis « Le cryptographe » .....</b>	<b>52</b>
Coniques en tant que courbes du second degré .....	54
Intégrale de Wallis .....	56
Formule de Wallis.....	58
<b>Chapitre 6. Leibniz « Le touche-à-tout » .....</b>	<b>60</b>
Formule de Leibniz-Gregory.....	62
Critère de Leibniz pour les séries alternées.....	64
Formule de Leibniz.....	65
Calcul intégral.....	65
<b>Chapitre 7. Isaac Newton « L'esprit de gravité ».....</b>	<b>67</b>
Le calcul des fluxions .....	68
Le binôme de Newton.....	70
Le calcul infinitésimal .....	71
Théorème fondamental du calcul différentiel et intégral.....	72
<b>Chapitre 8. Rolle « Le sceptique » .....</b>	<b>74</b>
Théorème de Rolle .....	75
Théorème des accroissements finis .....	76
Inégalité des accroissements finis.....	77
<b>Chapitre 9. Jacob Bernoulli « Le probabiliste » .....</b>	<b>78</b>
Loi de Bernoulli et loi binomiale .....	79
Loi faible des grands nombres .....	80
Coordonnées polaires .....	82
La dynastie Bernoulli .....	84
<b>Chapitre 10. L'Hôpital « L'aristocrate ».....</b>	<b>86</b>
La règle de l'Hôpital .....	88
<b>Chapitre 11. Moivre « L'obstinent » .....</b>	<b>89</b>
Formule de Moivre .....	90

Chapitre 12. <i>Taylor « L'intégrateur »</i> .....	91
Intégration par parties .....	92
Développements limités .....	93
Développements limités usuels .....	96
Chapitre 13. <i>Stirling « Le rebelle »</i> .....	97
Formule de Stirling .....	98
Chapitre 14. <i>Émilie du Châtelet « La traductrice »</i> .....	101
Chapitre 15. <i>Euler « Le polymathe »</i> .....	104
La droite d'Euler .....	106
La constante d'Euler .....	107
La fonction indicatrice d'Euler .....	107
Le théorème d'Euler .....	108
Formule d'Euler .....	109
Les sept ponts de Königsberg .....	110
Le problème de Bâle .....	113
Chapitre 16. <i>d'Alembert « Le taquin »</i> .....	115
Martingale de d'Alembert .....	117
Règle de d'Alembert pour la convergence des séries numériques .....	118
Le théorème fondamental de l'Algèbre .....	119
Algèbre ou Analyse ? .....	120
Les équations différentielles .....	122
Chapitre 17. <i>Agnesi « La pédagogue »</i> .....	127
La versiera d'Agnesi .....	128
<b>Partie 2. Les mathématiciens de la période contemporaine .....</b>	<b>135</b>
Chapitre 18. <i>Bézout « Linstructeur »</i> .....	137
Identité de Bézout .....	138
Théorème de Bézout .....	139

Chapitre 19. <i>Lagrange « L'accommodant »</i> .....	140
Théorème de Wilson .....	142
Le système métrique .....	144
La triangulation .....	145
Chapitre 20. <i>Monge « Le ministre »</i> .....	150
Le calendrier révolutionnaire .....	152
Le dessin technique .....	154
Chapitre 21. <i>Laplace « Le Newton français »</i> .....	157
Espace de probabilité .....	160
Théorème de Bayes .....	160
Règle de succession .....	160
Loi des grands nombres .....	161
Le théorème limite central .....	161
Transformée de Laplace .....	162
Principe de Laplace .....	162
Chapitre 22. <i>Legendre « Le discret »</i> .....	163
Les portraits de Legendre .....	164
La loi de réciprocité quadratique .....	165
La méthode « des moindres carrés » .....	167
Chapitre 23. <i>Fourier « Le frileux »</i> .....	170
Les séries de Fourier .....	172
Chapitre 24. <i>Sophie Germain « L'inflexible »</i> .....	175
Nombres premiers de Sophie Germain .....	177
La lettre à Gauss .....	180
Chapitre 25. <i>Gauss « Le prince des mathématiciens »</i> .....	183
La date de Pâques .....	186
Les congruences .....	187
La loi normale .....	188
Lemme de Gauss .....	189
Lemme d'Euclide .....	190
Systèmes linéaires .....	190

Chapitre 26. <i>Bolzano « Le méticuleux »</i> .....	193
Théorème de Bolzano (théorème des valeurs intermédiaires) ....	196
Chapitre 27. <i>Poisson « Le résolu »</i> .....	201
La loi de Poisson .....	203
Chapitre 28. <i>Cauchy « Le taulier »</i> .....	205
Les suites de Cauchy .....	207
Chapitre 29. <i>Chasles « L'empereur de la géométrie »</i> .....	209
L'affaire des fausses lettres .....	210
La relation de Chasles.....	211
Chapitre 30. <i>Niels Abel « L'infortuné »</i> .....	213
Les nombres algébriques.....	216
Intégrales elliptiques .....	217
Chapitre 31. <i>Grassmann « L'ignoré »</i> .....	219
Bipoints équipollents .....	221
Somme de deux vecteurs .....	222
Produit scalaire .....	222
Inégalité de Cauchy-Schwarz.....	223
Chapitre 32. <i>Jacobi « L'enthousiaste »</i> .....	224
Symbole de Jacobi.....	226
Produit vectoriel.....	227
Déterminants .....	228
Chapitre 33. <i>Dirichlet « Le fort en thème »</i> .....	232
Le principe des tiroirs .....	235
Théorème de Dirichlet .....	235
Théorème de la progression arithmétique .....	238
Chapitre 34. <i>Galois « L'impulsif »</i> .....	239
La théorie des groupes .....	243
La théorie de Galois .....	246

Chapitre 35. <i>Weierstrass « Le père de l'analyse moderne »</i> .....	249
Arithmétisation de l'analyse.....	251
Les fonctions continues mais non dérivables.....	253
Chapitre 36. <i>Riemann « L'alternatif »</i> .....	254
La fonction $\zeta$ .....	256
Sommes de Riemann.....	257
Géométrie riemannienne .....	257
Topologie .....	259
Chapitre 37. <i>Dedekind « Le modeste »</i> .....	263
Les idéaux .....	264
Les coupures .....	265
Chapitre 38. <i>Cantor « Le mélancolique »</i> .....	270
La Théorie des Ensembles .....	272
Le paradoxe du barbier .....	275
Théorie des Infinis .....	276
L'hypothèse du continu.....	276
Chapitre 39. <i>Peano « Le roi du contre-exemple »</i> .....	285
L'axiomatisation de l'arithmétique .....	287
Les quantificateurs.....	287
Les noms des ensembles.....	288
Les espaces vectoriels.....	289
Les applications linéaires .....	290
Chapitre 40. <i>Hilbert « L'optimiste »</i> .....	294
L'hôtel de Hilbert.....	296
Chapitre 41. <i>Zermelo « L'émule »</i> .....	302
Axiomatisation de la théorie des ensembles .....	303
Conclusion .....	305
Cartes .....	308
Bibliographie.....	311
Webographie .....	311